

**Observação sobre a questão 2 da 1P - SM (2011)**

Não pode-se argumentar que como o limite do denominador é igual a zero, para que o limite exista o limite do numerador tem ser igual a zero também.

Vejamos um contra-exemplo:

Existem **NÚMEROS REAIS**  $a, b$  tais que:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(ax + b - 2)}{x^2} = L \neq 0?$$

Observe que o  $\lim_{x \rightarrow 0} x^2 = 0$  se tomarmos  $b$  de maneira que  $\lim_{x \rightarrow 0} (ax + b - 2) = 0$  teremos que ter  $b - 2 = 0 \Rightarrow b = 2$

Daí,

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{ax}{x^2} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{a}{x}$$

Logo, se tomarmos  $a > 0$  temos

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{a}{x} = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{a}{x} = -\infty$$

Se tomarmos  $a < 0$  temos

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{a}{x} = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{a}{x} = \infty$$

E não podemos tomar  $a = 0$  pois teríamos que  $L = 0$ .

Logo, não existem números reais  $a$  e  $b$  tais que

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(ax + b - 2)}{x^2} = L \neq 0$$